

Niezbędnik ósmoklasisty 2021-2022

nazwy liczb w działaniach

$$1 + 2 = 3$$

składnik składnik suma

$$3 - 2 = 1$$

odjemna odjemnik różnica

$$3 \cdot 2 = 6$$

czynnik czynnik iloczyn

$$6 : 3 = 2$$

dzielna dzielnik iloraz

cechy podzielności liczb

Liczba dzieli się przez:

- 2** gdy jej ostatnia cyfra to: 2, 4, 6, 8 lub 0
- 4** gdy jej dwie ostatnie cyfry tworzą liczbę podzielną przez 4
- 5** gdy jej ostatnia cyfra to 0 lub 5
- 10** gdy jej ostatnia cyfra to 0
- 3** gdy suma jej cyfr jest liczbą podzielną przez 3
- 9** gdy suma jej cyfr jest liczbą podzielną przez 9

liczby pierwsze i liczby złożone

liczba pierwsza – naturalna liczba dodatnia, która ma tylko dwa dzielniki: 1 i samą siebie
np. 2, 3, 5, 7, 11

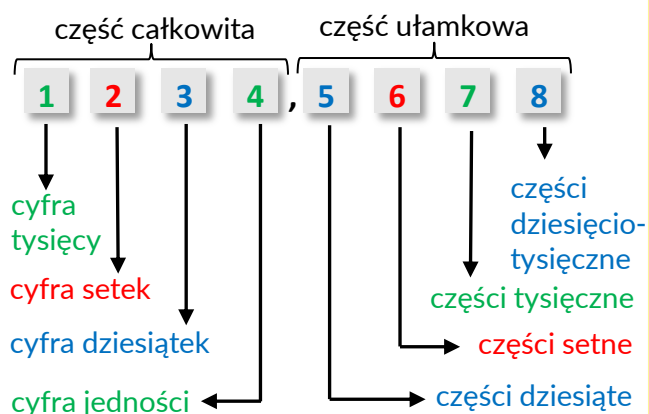
liczba złożona – naturalna liczba dodatnia, która ma więcej niż dwa dzielniki: np. 4, 6, 48

liczby 0 i 1 nie są ani liczbami pierwszymi ani liczbami złożonymi.

rozkład liczby na czynniki pierwsze

Przykład:
$$\begin{array}{r|l} 39 & 3 \\ 13 & 13 \\ 1 & \end{array} \quad 39 = 3 \cdot 13$$

nazwy cyfr w zapisie liczby



kolejność wykonywania działań

działania w nawiasach

1

potęgowanie i pierwiastkowanie

2

mnożenie i dzielenie*

3

dodawanie i odejmowanie*

4



*w kolejności występowania

rodzaje liczb

liczby naturalne: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, ...

liczby całkowite: ..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...

liczby wymierne: liczby, które można przedstawić w postaci ułamka, w którym licznik i mianownik są całkowite, np. 3; $\frac{1}{2}$; -0,25; $-5\frac{1}{2}$ (mają rozwinięcie dziesiętne skończone lub nieskończone okresowe)

liczby niewymierne: liczby, których nie można przedstawić w postaci ułamka zwykłego, np. $\sqrt{3}$, $-\sqrt[3]{7}$, π (mają rozwinięcie dziesiętne nieskończone nieokresowe)

Niezbędnik ósmoklasisty 2021-2022

ułamki zwykłe

$\frac{\text{licznik}}{\text{mianownik}}$

Ułamek dodatni jest:

- ułamkiem właściwym, gdy:
 $\text{licznik} < \text{mianownik}$
- ułamkiem niewłaściwym, gdy:
 $\text{licznik} \geq \text{mianownik}$

liczba odwrotna do $a \neq 0$

$\frac{1}{a}$ (liczba 0 nie ma liczby odwrotnej)

liczba przeciwna do a

$-a$ (liczbą przeciwną do 0 jest 0)

prędkość, droga, czas

$$v = \frac{s}{t}$$

v - prędkość, s - droga, t - czas

ułamki i procenty

$$\frac{1}{100} = 0,01 = 1\%$$

$$\frac{1}{10} = 0,1 = 10\%$$

$$\frac{1}{5} = 0,2 = 20\%$$

$$\frac{1}{4} = 0,25 = 25\%$$

$$\frac{1}{2} = 0,5 = 50\%$$

$$\frac{3}{4} = 0,75 = 75\%$$

(ułamek dziesiętny nieskończony okresowy)

$$\frac{1}{3} = 0,3333 \dots = 0,(3) \approx 33\frac{1}{3}\%$$

zaokrąglanie liczb

Jeśli pierwszą z odrzucanych cyfr jest 0, 1, 2, 3, 4, to ostatnia pozostawiona cyfra się nie zmienia. Odrzucone cyfry zastępujemy zerami. Np. przybliżenie do setek 3 430 \approx 3 400

Jeśli pierwszą z odrzucanych cyfr jest 5, 6, 7, 8, 9, to do ostatniej pozostawionej cyfry **dodajemy 1**. Odrzucone cyfry zastępujemy zerami. Np. przybliżenie do setek 3 480 \approx 3 500

skala



skala liczbowa na mapie
np. 1 : 200 000

mapa	rzeczywistość
1 cm	200 000 cm
1 cm	2 000 m
1 cm	2 km

potęga

Dla dowolnej liczby a i naturalnej liczby n większej od zera:

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_n$$

wykładnik potęgi
podstawa potęgi
n czynników

działania na potęgach

Dla a i b różnych od zera i dla liczb naturalnych m i n :

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

$$a^m : a^n = \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

$$a^m \cdot b^m = (a \cdot b)^m$$

$$a^m : b^m = \frac{a^m}{b^m} = \left(\frac{a}{b}\right)^m$$

$$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$$

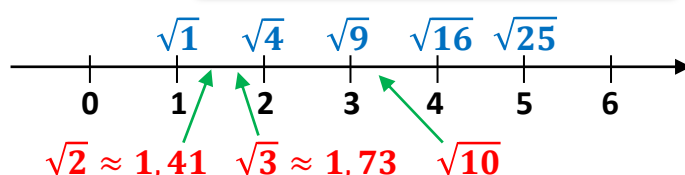
pierwiastek kwadratowy

Dla dowolnej nieujemnej liczby a :
 $\sqrt{a} = b$, gdy $b^2 = a$

pierwiastek sześcienny

Dla dowolnych liczb a i b :
 $\sqrt[3]{a} = b$, gdy $b^3 = a$

szacowanie pierwiastków



Niezbędnik ósmoklasisty 2021-2022

wyrażenia algebraiczne

Jednomian – wyrażenie algebraiczne, które jest pojedynczą liczbą, pojedynczą literą lub iloczynem liczb i liter np. $-5x^2v^3$

Jednomian zapisujemy w kolejności:

znak → czynnik liczbowy → czynniki literowe w kolejności alfabetycznej

Jednomiany podobne – różnią się co najwyżej współczynnikami liczbowymi

Suma algebraiczna – suma jednomianów np. $-2xy+4dk$

kwadraty i sześciany liczb

$$11^2 = 121$$

$$12^2 = 144$$

$$13^2 = 169$$

$$14^2 = 196$$

$$15^2 = 225$$

$$16^2 = 256$$

$$17^2 = 289$$

$$18^2 = 324$$

$$19^2 = 361$$

$$2^3 = 8$$

$$3^3 = 27$$

$$4^3 = 64$$

$$5^3 = 125$$

$$6^3 = 216$$

$$7^3 = 343$$

$$8^3 = 512$$

$$9^3 = 729$$

liczba rozwiązań równania liniowego z jedną niewiadomą

jedno rozwiązanie

np. $x+3=7$
 $x=4$

nieskończenie wiele rozwiązań

np. $2x+6=2(x+3)$
 $0=0$

brak rozwiązań

np. $x+3=x+5$
 $3=5$ (sprzeczność)

średnia arytmetyczna

Średnia arytmetyczna zestawu liczb a_1, a_2, \dots, a_n jest równa sumie tych liczb podzielonej przez liczbę składników

$$\frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{n}$$

prawdopodobieństwo

$$P(A) = \frac{n_A}{N}$$

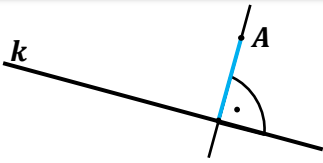
liczba zdarzeń sprzyjających zdarzeniu A

liczba wszystkich możliwych zdarzeń elementarnych

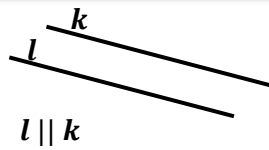
$$0 \leq P(A) \leq 1$$

Niezbędnik ósmoklasisty 2021-2022

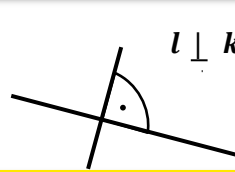
odległość punktu od prostej



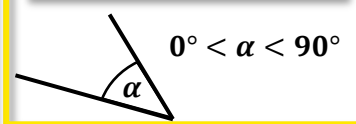
proste równoległe



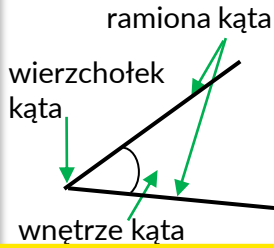
proste prostopadłe



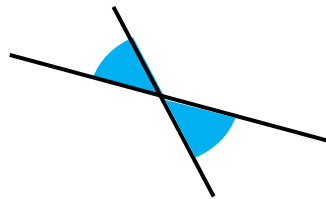
kąt ostry



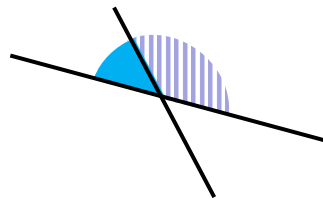
kąt



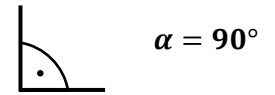
kąty wierzchołkowe



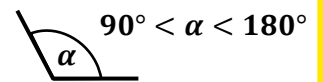
kąty przyległe



kąt prosty

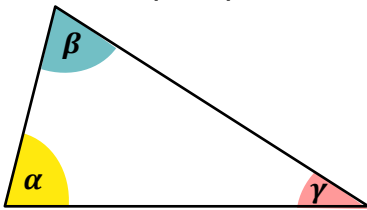


kąt rozwarty



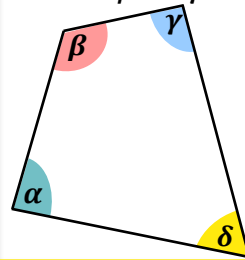
suma miar kątów w trójkącie

$$\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$$

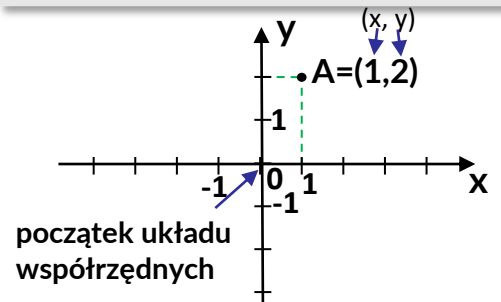


suma miar kątów w czworokącie

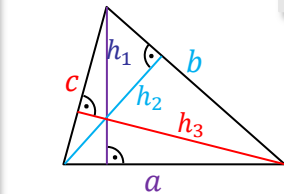
$$\alpha + \beta + \gamma + \delta = 360^\circ$$



układ współrzędnych



trójkąt

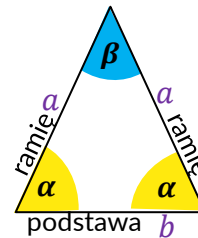


$$P = \frac{a \cdot h_1}{2} = \frac{b \cdot h_2}{2} = \frac{c \cdot h_3}{2}$$

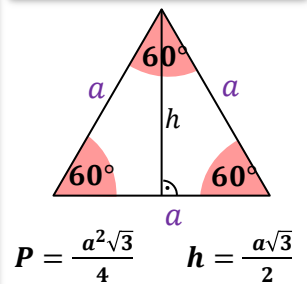
$$Obw. = a + b + c$$

- **trójkąt ostrokątny** – wszystkie kąty wewnętrzne są ostre
- **trójkąt rozwartokątny** – jeden z kątów wewnętrznych jest rozwarty, pozostałe są ostre
- **trójkąt prosty** – jeden z kątów wewnętrznych jest prosty, pozostałe są ostre

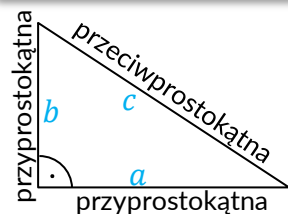
trójkąt równoramienny



trójkąt równoboczny

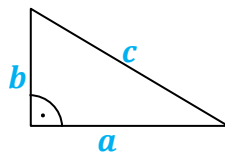


trójkąt prostokątny



$$P = \frac{a \cdot b}{2}$$

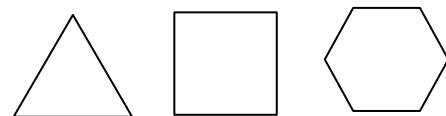
twierdzenie Pitagorasa



$$a^2 + b^2 = c^2$$

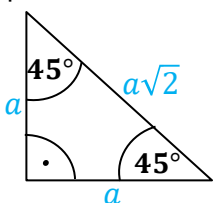
wielokąt foremny

- wszystkie boki mają taką samą długość oraz wszystkie kąty taką samą miarę;
- np. trójkąt równoboczny, kwadrat, sześciokąt foremny



zastosowania twierdzenia Pitagorasa

połowa kwadratu



połowa trójkąta równobocznego:

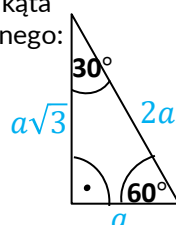


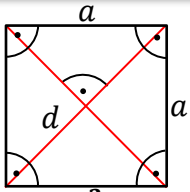
figura osiowo symetryczna

figura, która ma oś symetrii, np.



Niezbędnik ósmoklasisty 2021-2022

kwadrat



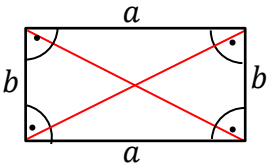
$$P = a^2$$

$$P = \frac{d^2}{2}$$

$$Obw. = 4 \cdot a$$

- wszystkie boki równej długości
- wszystkie kąty wewnętrzne proste
- przekątne prostopadłe do siebie i równej długości
- punkt przecięcia przekątnych jest środkiem każdej z nich
- $d = a\sqrt{2}$

prostokąt

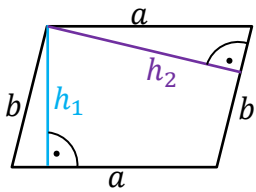


$$P = a \cdot b$$

$$Obw. = 2 \cdot a + 2 \cdot b$$

- pary boków równoległych tej samej długości
- wszystkie kąty wewnętrzne proste
- przekątne równej długości
- punkt przecięcia przekątnych jest środkiem każdej z nich

równoległobok



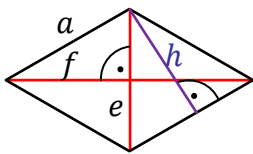
$$P = a \cdot h_1$$

$$P = b \cdot h_2$$

$$Obw. = 2 \cdot a + 2 \cdot b$$

- dwie pary boków równoległych
- pary boków równoległych tej samej długości
- punkt przecięcia przekątnych jest środkiem każdej z nich
- suma kątów przy każdym boku równa 180°

romb



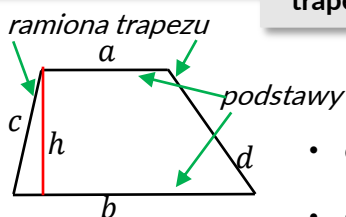
$$P = \frac{e \cdot f}{2}$$

$$P = a \cdot h$$

$$Obw. = 4 \cdot a$$

- wszystkie boki równej długości
- dwie pary boków równoległych
- przekątne prostopadłe do siebie
- punkt przecięcia przekątnych jest środkiem każdej z nich
- suma kątów przy każdym boku równa 180°

trapez

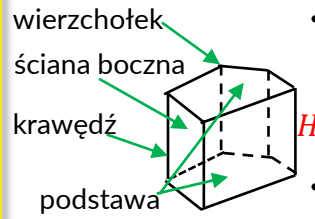


$$P = \frac{(a + b) \cdot h}{2}$$

$$Obw. = a + b + c + d$$

- co najmniej jedna para boków równoległych
- suma kątów przy jednym ramieniu równa 180°

graniastostup



$$P_c = 2 \cdot P_p + P_b$$

$$V = P_p \cdot H$$

P_c - pole powierzchni całkowitej

P_b - pole powierzchni bocznej

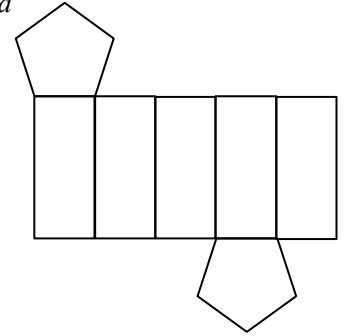
P_p - pole podstawy

V - objętość graniastostupa

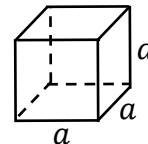
H - wysokość graniastostupa

- **graniastostup prosty:** krawędzie boczne prostopadłe do podstaw, ściany boczne są prostokątami
- **graniastostup prawidłowy:** graniastostup prosty, podstawa jest wielokątem foremnym
- **prostopadłościan:** graniastostup prosty, wszystkie ściany są prostokątami
- **sześcian:** graniastostup prosty, wszystkie ściany to kwadraty

przykład siatki graniastostupa:



sześcian

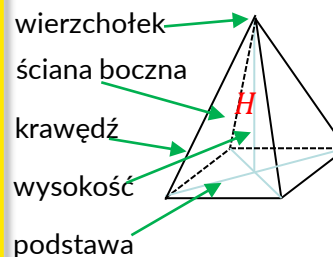


- wszystkie ściany są kwadratami

$$P_c = 6 \cdot a^2$$

$$V = a^3$$

ostrostup



$$P_c = P_p + P_b$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot P_p \cdot H$$

P_c - pole powierzchni całkowitej

P_b - pole powierzchni bocznej

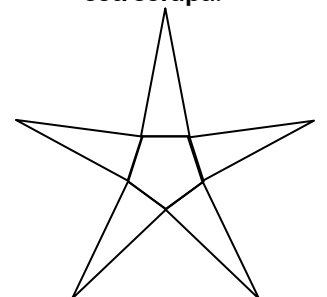
P_p - pole podstawy

V - objętość ostrostupa

H - wysokość ostrostupa

- **ostrostup prosty:** krawędzie boczne równej długości
- **ostrostup prawidłowy:** ostrostup prosty, w którym podstawa to wielokąt foremny
- **czworościan:** ostrostup, w którym wszystkie ściany są trójkątami

przykład siatki ostrostupa:



Niezbędnik ósmoklasisty 2021-2022

jednostki masy

1 g
1 dag = 10 g
1 kg = 100 dag = 1 000 g
1 t = 1000 kg

1 g = 0,1 dag
1 dag = 0,01 kg
1 kg = 0,001 t

jednostki czasu

1 min = 60 s
1 h = 60 min = 3600 s
1 kwadrans = 15 min
1 doba = 24 h
1 tydzień = 7 dni
1 rok = 365 lub 366 dni
1 rok = 12 miesięcy

jednostki długości

1 mm
1 cm = 10 mm
1 dm = 10 cm
1 m = 10 dm = 100 cm
1 km = 1000 m

1 mm = 0,1 cm
1 cm = 0,1 dm
1 dm = 0,1 m
1 cm = 0,01 m
1 m = 0,001 km

jednostki prędkości

$1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$
 $1 \frac{\text{km}}{\text{h}} = \frac{1000 \text{ m}}{3600 \text{ s}}$

jednostki pola

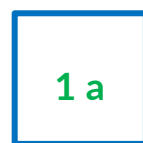
1 mm²
1 cm² = 100 mm²
1 dm² = 100 cm²
1 m² = 100 dm²
1 m² = 10 000 cm²
1 a = 100 m²
1 ha = 10 000 m²
1 ha = 100 a



1 dm = 10 cm

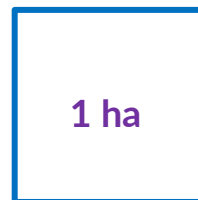
1 dm = 10 cm

$$1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} = 1 \text{ dm}^2 = \\ = 10 \text{ cm} \cdot 10 \text{ cm} = 100 \text{ cm}^2$$



1 a 10 m

10 m

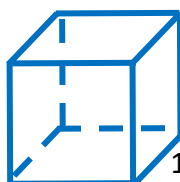


1 ha 100 m

100 m

jednostki objętości i pojemności

1 mm³
1 cm³ = 1 000 mm³
1 dm³ = 1 000 cm³
1 m³ = 1 000 dm³
1 m³ = 1 000 000 cm³



1 dm = 10 cm

1 dm = 10 cm

1 dm = 10 cm

$$1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} = 1 \text{ dm}^3 = \\ = 10 \text{ cm} \cdot 10 \text{ cm} \cdot 10 \text{ cm} = 1000 \text{ cm}^3$$

1 ml = 1 cm³
1 l = 1 000 ml
1 l = 1 dm³
1 m³ = 1 000 l

Informacje dla rodzica/nauczyciela/opiekuna

Witaj, dziękuję Ci za pobranie tego materiału. W moim sklepie możesz kupić również arkusze treningowe: <https://krolowamatma.pl/produkt/arkusze-egzamin-osmoklasisty/> dostosowane do wymagań 2021/2022.

Jeśli wpiszesz w koszyku hasło: **strona15**, cena arkuszy obniży się o 15%.

Jeśli masz jakieś pytania, problemy, uwagi, wskazówki - w każdej chwili możesz się ze mną skontaktować poprzez fanpage: <https://www.facebook.com/krolowamatma/> lub e-mail: kontakt@krolowamatma.pl

Pozdrawiam serdecznie,

Ania Parzyszek

P.S. Zasób ten jest utworem i jest chroniony prawem autorskim. Zawartość możesz udostępnić tylko i wyłącznie swoim uczniom lub osobom bliskim (nieodpłatnie). Nie może być przesyłany do Internetu w całości lub we fragmentach w jakiegokolwiek formie, chyba że strona jest chroniona hasłem i jest dostępna tylko dla uczniów.